Cours 5:

Les « mathématiciens » à la Renaissance

LU3MA209
ÉLÉMENTS D'HISTOIRE DES MATHÉMATIQUES

2021-2022, 2e période

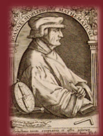
David Aubin
david.aubin@sorbonne-université.fr

1

PROGRAMME DE LA SÉANCE

1. Qu'est-ce qu'un mathématicien au 16e siècle?
2. Le Cas Galilée
3. Six types de praticiens des mathématiques au 16e siècle

2



QU'EST-CE QU'UN MATHÉMATICIEN AU 16E SIÈCLE?

3

QU'EST-CE QU'UN MATHÉMATICIEN?

Μαθεματιχοσ

Mathematicus

- De l'astronome ou astrologue…

Les Mathematiciens, dit-il, *sont deuineurs, lesquels couurans leurs inepties du nom honorable des Mathematiques, font profession de cognoistre la destinee d'vn chacun, & les obseruations natales des astres.*

Selon le juriste Jean Godefroy, in Jacques Foylet, *Traité curieux de l'astrologie* (1646).

MATHEMATIQUE. s. f. Science qui a pour objet la quantité continuë & la numerale, & qui en considere les proprietez. *Estudier en Mathematique. il sçait les Mathematiques. La Geometrie, l'Optique, l'Astronomie, la Musique &c. sont parties des Mathematiques.* Il est plus usité au pluriel.
Il est quelquefois adjectif. *Demonstration Mathematique.*
MATHEMATICIEN. s. m. Qui sçait les Mathematiques. *Il est grand Mathematicien, je m'en rapporte aux Mathematiciens.*

Dictionnaire de l'Académie française (1694)
Le mot n'apparaît pas dans les dictionnaires plus anciens..

… au spécialiste de la quantité

4

LES « MATHEMATICUS » AUX 16E ET 17E SIÈCLES

Exclusivement à cette époque: astrologues et astronomes.

Nicolas Copernic (1473-1543): « les mathématiques sont écrites pour les mathématiciens »

Johannes Kepler (1571-1613): « mathématicien impérial » à la cour de l'empereur à Prague.

Johann Stöffler (1452–1531), livre sur l'astrolabe.

Galilée: professeur de mathématiques à l'université → « philosophe » à la cour des Médicis à Florence.

Jean-Jacques Boissard, *Bibliotheca chalcographica* (1652–1669): 16 portraits de « mathématiciens » sur 438 notables.

5

SIX TYPES DE PRATICIENS DES MATHÉMATIQUES

A. Les universitaires
B. Les maîtres d'abaque
C. Les astronomes/astrologues
D. Les hommes de l'art
E. Les ingénieurs
F. Les « analystes »

→ Classification dynamique: convergence des pratiques

6

LE CAS GALILÉE

7

ARSENAL DE VENISE

« l'hiver, dans l'arsenal de Venise, bout une poix tenace, pour radouber les vaisseaux délabrés qui ne peuvent naviguer, de sorte que l'un remet à neuf son navire, l'autre calfeutre les flancs de celui qui a fait plusieurs voyages, qui, radoube la proue, qui, la poupe, d'autres font des rames, d'autres tordent des cordages, d'autres réparent les voiles d'étai et d'artimon ».

— Dante, *L'Enfer*, XIVe siècle.

Braun & Hogenberg, *Civitates orbis terrarum*, 1572 (détail)

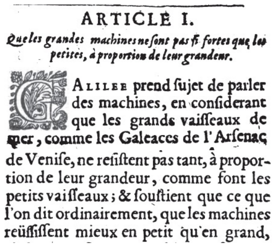
Breidenbach, Mayence, 1486

8

GALILÉE À L'ARSENAL DE VENISE

Henri Guénon,
Les Nouvelles Pensées de Galilei, mathématiciens et ingénieur du duc de Florence, où par des inventions merveilleuses et des démonstrations inconnues jusques à présent, il est traité de la proportion des mouvements, tant naturels que violents et de tout ce qu'il y a de plus subtil dans les mécaniques et dans la physique (Paris, 1639).

Adaptation du *Discours sur deux nouvelles sciences* de Galilée (1636).


ARTICLE I.

Quelles grandes machines ne sont pas si fortes que les petites, à proportion de leur grandeur.

GALILEE prend sujet de parler des machines, en considerant que les grands vaisseaux de mer, comme les Galeaces de l'Arsenac de Venise, ne resistent pas tant, à proportion de leur grandeur, comme font les petits vaisseaux ; & soustient que ce que l'on dit ordinairement, que les machines reüssissent mieux en petit qu'en grand,

9

GALILEO GALILEI (1564-1642)

Le plus célèbre professeur de mathématiques de la Renaissance

Son père Vincenzo Galilei: musicien, enseignant à l'Université.

Florence, Pise, Padoue (1592-1610) : professeur de mathématiques

Fréquente l'Arsenal de Venise
- problème de l'agrandissement de l'échelle.
- géométrisation du mouvement

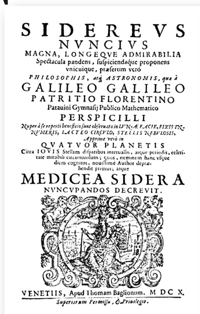
1602-1604 : le pendule isochrone
- Étude du mouvement des projectiles

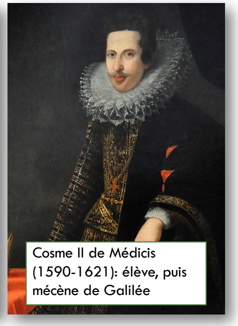
10

GALILÉE, COURTISAN

1608-1609 : la lunette
- Découverte des satellites de Jupiter en septembre 1610.

1616 : premiers procès
- Condamnation de Copernic par l'Église.
- Avertissement.


SIDEREVS NVNCIVS
MAGNA, LONGEQVE ADMIRABILIA
Spectacula pandens, suspiciendaque proponens vnicuique, præsertim verò
PHILOSOPHIS, atq; ASTRONOMIS, quæ à
GALILEO GALILEO
PATRITIO FLORENTINO
Patauini Gymnasij Publico Mathematico
PERSPICILLI
Nuper à se reperti beneficio sunt obseruata in LVNÆ FACIE, FIXIS INNVMERIS, LACTEO CIRCVLO, STELLIS NEBVLOSIS, Apprime verò in
QVATVOR PLANETIS
Circa IOVIS Stellam disparibus interuallis, atque periodis, celeritate mirabili circumuolutis; quos, nemini in hanc vsque diem cognitos, nouissimè Author depræhendit primus; atque
MEDICEA SIDERA
NVNCVPANDOS DECREVIT.
VENETIIS, Apud Thomam Baglionum. M DC X.
Superiorum Permissu, & Priuilegio.


Cosme II de Médicis (1590-1621): élève, puis mécène de Galilée

11

LE MONDE EST ÉCRIT EN LANGUE MATHÉMATIQUE

1623 : *L'Essayeur de Galilée* :
- « **La philosophie est écrite dans ce livre gigantesque** qui est continuellement ouvert à nos yeux (je parle de l'univers), mais on ne peut le comprendre si d'abord on n'apprend pas à comprendre la langue et à connaître les caractères dans lesquels il est écrit. Il est **écrit en langage mathématique**, et les caractères sont des **triangles**, des **cercles**, et **d'autres figures géométriques**, sans lesquelles il est impossible d'y comprendre un mot. Dépourvu de ces moyens, on erre vainement dans un labyrinthe obscur »


IL SAGGIATORE
Nel quale
Con bilancia esquisita e giusta si ponderano le cose contenute nella
LIBRA ASTRONOMICA E FILOSOFICA
DI LOTARIO SARSI SIGENSANO
Scritto in forma di lettera
All'Ill.mo et Reuer.mo Mons.re D.
VIRGINIO CESARINI
Acc.o Linceo M.o di Camera di N.S.
Dal Sig.re
GALILEO GALILEI
Acc.o Linceo Nobile Fiorentino Filosofo e Matematico Primario del Ser.mo Gran Duca di Toscana

12

GALILÉE: LE PROCÈS

1633 : nouveau pape Urbain VII.

- Publication des *Dialogues sur deux systèmes du monde.*
- Condamnation pour hérésie en 1633 : robe blanche des pénitents, pieds nus, corde au cou, en prison (résidence surveillée à Sienne).

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 13

13

LES MATHÉMATIQUES DU MONDE SUBLUNAIRE

1636 : Galilée, *Discours sur deux nouvelles sciences.*

- 4 journées ; 3 personnages. **Salviati**, l'expérimentateur galiléen ; **Sagredo**, l'honnête homme ; **Simplicio**, aristotélicien.
- 1re journée : constitution des corps, réflexion sur l'infini et les indivisibles.
  - Critique de la conceptions aristotélicienne de la chute
  - Vitesse proportionnelle au poids ; inversement proportionnelle à la densité ; expérience des deux poids attachés l'un à l'autre.
  - « Si l'on supprimait totalement la résistance du milieu tous les corps descendrait à la même vitesse ».
  - Le vide ? Montrer son existence (le baromètre)
- 3e et 4e journée : mécanisation du système du monde
  - les graves
  - Mouvement rectiligne uniforme
  - Parabole des projectiles, l'impetto, angle 45°
  - Inertie circulaire.

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 14

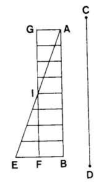
14

LA MÉTHODE HYPOTHÉTICO-DÉDUCTIVE

- Théorèmes, raisonnement déductif appliqué à la physique, quelle validation expérimentale?
- Conséquences?
- Conditions de possibilité du changement?

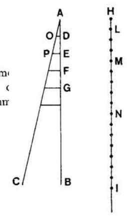
Théorème I — Proposition I

Le temps pendant lequel un espace donné est franchi par un mobile, partant du repos, avec un mouvement uniformément accéléré, est égal au temps pendant lequel le même espace serait franchi par le même mobile avec un mouvement uniforme, dont le degré de vitesse serait la moitié du plus grand et dernier degré de vitesse atteint au cours du précédent mouvement uniformément accéléré.



Théorème II — Proposition II

Si un mobile, partant du repos, tombe avec un mouvement uniform[...]ment accéléré, les espaces parcourus en des temps quelconques par [...] même mobile sont entre eux en raison double des temps, c'est-à-dire comm[...] les carrés de ces mêmes temps.



13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 15

15

SIX TYPES DE PRATICIENS DES MATHÉMATIQUES

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 16

16

A. UNIVERSITAIRES

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 17

17

LA SCOLASTIQUE ET LA QUESTION DE L'INFINI

L'héritage aristotélicien sur la question de l'infini:
- Aristote nie l'« infini actuel », c'est-à-dire l'infini envisagé dans le domaine de la grandeur (ceci en raison de la finitude du monde),
- mais considère l'« infini potentiel », à savoir le continu comme infini par sa puissance d'être sans fin divisé.

A partir du 13e siècle, la redécouverte de textes d'Aristote (*Du ciel*, *La Physique*) et la naissance de controverses de nature théologique conduit à la nécessité d'une clarification des concepts de fini et d'infini :
- débat et réflexions autour des question de l'infini en acte et en puissance (querelle sur l'infinité du monde, sur la structure du continu, sur existence des indivisibles…).

Cours de philosophe à Paris, 14e s., Bibliothèque municipale de Castres.

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 18

18

LA QUERELLE DE L'ÉTERNITÉ DU MONDE

Thomas d'Aquin (v. 1225–1274), *De l'éternité du monde* (1270): le contexte de l'averroisme latin à Paris.
- La philosophie comme science autonome de la théologie.
- Les conclusions de la raison sont-elles compatibles avec la foi?
- La question: le monde aurait-il pu être créé éternellement?
- Sa solution: la création du monde ne résulte que de la volonté divine, et rien dans la définition du monde ne suppose sa finitude (le fait que le monde ait un commencement n'est qu'une vérité de foi qui ne peut être démontrée).

Bonaventure (v. 1220–1274): l'éternité du monde est impossible.
- Deux paradoxes:
  - Il est impossible d'ajouter à l'infini, or si le monde était éternel, il y aurait une infinité actuelle d'âmes;
  - Il est impossible de parcourir une infinité de moments révolus.
- **Des infinis inégaux sont impossibles.**

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 19

19

LA QUERELLE DE L'ÉTERNITÉ DU MONDE

Pierre de Jean Olivi (1248–1298):
- **Les infinis peuvent être à la fois égaux et inégaux** (ex.: les demi-droites).

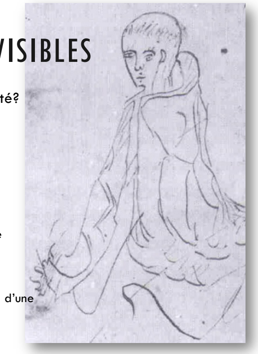
Henry de Harclay (chancelier d'Oxford, 1312):
- Partisan de l'existence de l'infini actuel
- des infinis peuvent être inégaux (un infini est plus grand qu'un autre quand il le contient et contient quelque chose de plus)
- L'axiome d'Euclide ne s'applique qu'aux quantités finies.

Grégoire de Remini (vers 1342):
- Deux sens de « tout » et « partie », « plus grand » et « plus petit ».
- Accepte l'existence de l'infini actuel.

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 20

20

LA STRUCTURE DU CONTINU ET LES INDIVISIBLES



Le continu est-il ou non composé d'indivisibles? En contient-il une infinité?

Jean Duns Scot (env. 1265–env. 1308)

- les indivisibles nient l'incommensurabilité de √2 (si les lignes étaient composées d'indivisibles, le côté et la diagonale du carré devraient être commensurables).
- ce type d'argument sera repris par Bradwardine et Guillaume de Rémini.

Gauthier Chatton (1290–1343), atomiste :

- il est impossible de diviser en deux parties égales un segment constitué d'un nombre impair d'indivisibles (négation des principes de la géométrie euclidienne)

Henry de Harclay :

- si l'on admet l'inégalité de deux infinis, on doit admettre que le continu est composé d'une infinité d'indivisibles.

Guillaume d'Ockham (v. 1285–1347) répond NON!

- Ni le point ni l'instant n'existe.
- Le rasoir d'Ockham.

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 21

21

L'INFINI CHEZ LES THÉOLOGIENS SCOLASTIQUES

Réexamen de la possibilité de l'infini actuel

- Par ex. **Jean Buridan**: est-ce Dieu peut créer une pierre actuellement infinie? Peut-Il compléter la division infinie d'un continu?

Paradoxe des infinités inégales

- Il y a des infinis qui sont parties d'autres infinis; mais comme tous les infinis actuels sont égaux, alors le tout est égal à la partie.

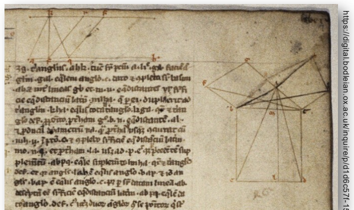
Au 16e siècle: le cas **Giordano Bruno** (brûlé en 1600)

gravure extraite de l'ouvrage de Camille Flammarion, *L'atmosphère : météorologie populaire*, publiée en 188).

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 22

22

UNE NOUVELLE MATHÉMATIQUE « EUROPÉENNE »



https://digital.bodleian.ox.ac.uk/inquire/p/d1d6c57f-15de-4e5e-ab55-51f697518660

Adélard de Bath. (v. 1080-1152) et **Campanus de Novarre** (v. 1220-1296)

- Traduction latine et commentaires d'Euclide.

Thomas Bradwardine (1300 env. – 1349) / mathématicien, théologien, auteur d'ouvrages de logique / enseignant à l'Université d'Oxford (collège Merton) :

- vante, dans le *De continuo* (1330 env.), le pouvoir des mathématiques pour l'étude des disciplines physiques :

  « les mathématiques [...] ont plus de discernement que ses disciplines sœurs, elles lancent leur trait plus directement et elles s'abritent sous la protection d'un bouclier plus sûr [...]. Les mathématiques sont le révélateur de toute vérité pure, elles connaissent tout secret caché et elles offrent la clé pour toutes les subtilités des écrits. C'est pourquoi quiconque envisagerait de faire de la physique sans les mathématiques ne passera jamais la porte de la sagesse ».
- dans le *De proportionibus velocitatum in motibus* (1328), il développe une théorie des rapports, basée sur la théorie euclidienne des proportions, pour comprendre les relations entre forces, résistances et vitesses (« mathématiques du mouvement »).

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 23

23

UNE NOUVELLE MATHÉMATIQUE « EUROPÉENNE »

Nicole Oresme (env. 1323 – 1382) / mathématicien et théologien / enseignant à l'Université de Paris :

- développe, dans le *De proportionibus proportionum*, la théorie des rapports de Bradwardine pour réfuter la possibilité des prédictions astrologiques.
- propose, dans le *Tractatus de configurationibus qualitatum et motuum*, une méthode de représentation des effets d'un mouvement par des figures géométriques.
- également auteur des *Quaestiones super geometriam Euclidis* (Questions sur la géométrie d'Euclide)...

Richard Swineshead / contemporain d'Oresme / Université d'Oxford :

- le *Liber calculationum* (Livre sur les calculs), dans lequel il reprend à son tour les idées de Bradwardine (« mathématiques du mouvement »).
- l'un des plus célèbres « calculateurs » du collège Merton d'Oxford.

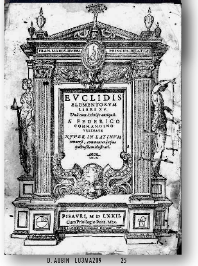
13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 24

24

RETOUR AUX CLASSIQUES

Exemple: **Federico Commandino** (1509–1575)

- Traduction latines d'Euclide, Apollonius, Archimède, Aristarque, Héron, Pappus, Ptolémée, etc.…
- Nombreux commentaires qui explicitent les passages incomplets ou obscurs.
- Rajoute des propositions.
- Éducation universitaire (quadrivium), académies et patronage princier.



3 A

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 25

25

GÉOMÉTRIE CLASSIQUE ET HUMANISME

Au début du 17e siècle, la traduction du corpus antique est essentiellement complète.

En conséquence: sophistication mathématique accrue.
- Ex: dérivation de résultats utilisés par Archimède, mais jamais démontrés (traducteur italien, 1565)

Les limites de l'humanisme:
- Les Grecs comme seuls modèles à restaurer.
- Ignorance de l'algèbre (par ex., Commandino, Galilée)
- Séparation stricte en arithmétique et géométrie.
- Style exclusivement démonstratif.
- Peu d'intérêt pour la pratique.

L'invention de l'imprimerie, gravure de Stradanus, 16e s. Musée Plantain Moretus

3 A

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 26

26

B. MAÎTRES D'ABAQUE

3 B

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 27

27

« COSSISTES » ALGÉBRISTES

Une tradition italienne et allemande
- Hors de l'université.
- Moins centrée sur le style, plus sur les résultats et la résolution de problèmes.

Origines multiples:
- Livres de Fibonacci et autres (influencés par les Arabes).
- Traductions d'Al-Kwarizmi.
- Une synthèse de Luca Pacioli (1444–1514): *La divine proportion* (1509).

3 B

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 28

28

« COSSISTES » ALGÉBRISTES (2)

Girolamo Cardano (1501–1576)

ars rei et census; arte della cosa.

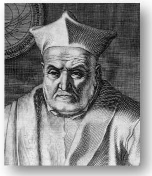
- [*rei* = *shai* en arabe = « chose », l'inconnue]
- [*census* = *mâl* en arabe, terme signifiant « fortune » utilisépar al-Hwarizmi pour dénoter le carré de l'inconnu]

Arithmétique indienne et algèbre mélangées

Des problèmes-types plutôt qu'une symbolique algébrique

Les principaux ouvrages:

- Christian Rudolff, *Behend und hubsch Rechnung durch die kunstreichen Regeln Algebre so gemeinicklich die Coss genennt werden* (Strasbourg, 1525).
  - Utilise le symbole 𝔵 ; introduit le symbole √; se rend compte que $x^0=1$.
- Girolamino Cardan, *Ars Magna* (Nuremberg 1545)
- Christopher Clavius, *Algebra* (Rome, 1608).



Christopher Clavius (1538–1612)

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 29

29

« COSSISTES » ALGÉBRISTES (3)

Des problèmes concrets qui se rattachent à l'arithmétique commerciale

- Les écoles d'abaque en Italie.
- Nicolas Chuquet, *Triparty en la science des nombres* (1484): premier traité d'algèbre en français.
- Source de renseignements sur l'économie de la Renaissance (les changes, les assurances, etc.)

Mais de fait une littérature spécialisée destinée à des professionnels du calcul (*Maestro d'abacco, Rechenmeister, wisconstler*)

- Publication = publicité, sans dissémination trop importante.

Niccolò Tartaglia (v. 1500–1557)

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 30

30

RÉSOLUTION DE L'ÉQUATION DU 3^E DEGRÉ

Girolamo Cardano (1501–1576)

Scipione del Ferro (v. 1456–1526) trouve une formule (v. 1510)

- en garde le secret;
- l'utilise dans des compétitions contre d'autres cossistes.

En 1535, un de ses étudiants Anton Maria del Fiore lance un défi à Tartaglia qui trouve une solution, proche de celle de Ferro.

- Débat avec Lodovico Ferrari (1522-2565)
- Tartaglia révèle sa solution à Cardan (le 25 mars 1539), lui faisant jurer le secret.

Cardan a par ailleurs connaissance des détails de la solution de Ferro, se sent délié de sa promesse et publie la solution dans *Ars Magna* (1545).

- La formule de Cardan:
  « applique au cube le tiers du nombre de l'inconnue auquel tu ajouteras le carré de la moitié du nombre de l'équation et recueille de l'ensemble la racine, carrée bien entendu, que tu extrairas et tu ajouteras à l'une la moitié du nombre que tu avais déjà élevé au carré, tu retrancheras à l'autre encore une moitié et tu auras le binôme avec son apotome. En extrayant la racine cubique de l'apotome de la racine cubique de son binôme, le résultat de cette opération est la valeur cherchée »

Niccolò Tartaglia (v. 1500–1557)

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 31

31

UN POÈME DE TARTAGLIA

Quando chel cubo con le coſe appreſſo — $x^3 + px$
Se agguaglia à qualche numero diſcreto — $= q$
Trouan dui altri differenti in eſſo. — $u - v = q$
Dapoi terrai queſto per conſueto
Che'l lor produtto ſempre ſia eguale — $uv = (p/3)^3$
Al terzo cubo delle coſe neto,
El reſiduo poi ſuo generale
Delli lor lati cubi ben ſottratti — $\sqrt[3]{u} - \sqrt[3]{v} = x$
Varra la tua coſa principale.
In el ſecondo de coteſti atti — $x^3 = px + q$
Quando che'l cubo reſtaſſe lui ſolo
Tu oſſeruarai queſt'altri contratti, — $u + v = q$
Del numer farai due tal part'à uolo
Che l'una in l'altra ſi produca ſchietto — $uv = (p/3)^3$
El terzo cubo delle coſe in ſtolo
Delle qual poi, per commun precetto
Torrai li lati cubi inſieme gionti — $\sqrt[3]{u} + \sqrt[3]{v} = x$
Et cotal ſomma ſara il tuo concetto.
El terzo poi de queſti noſtri conti
Se ſolue col ſecondo ſe ben guardi — $x^3 + q = px$
Che per natura ſon quaſi congionti.
Queſti trouai, & non con paßi tardi
Nel mille cinquecentè, quatroe trenta
Con fondamenti ben ſald'è gagliardi
Nella citta dal mar'intorno centa.

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 32

32

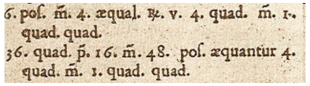
La formule de « Cardan »

Soit l'équation $x^3 = px + q$,
posons $x = u + v$.
On sait que $(u+v)^3 = 3uv(u+v) + (u^3 + v^3)$

Il s'agit donc de trouver u^3 et v^3 tels que :

$$u^3v^3 = \frac{p^3}{27} \qquad u^3 + v^3 = q,$$

ce qui se réduit à une équation du 2^nd^ degré.


6. pos. m̃. 4. æqual. ℞. v. 4. quad. m̃. 1. quad. quad.
36. quad. p̃. 16. m̃. 48. pos. æquantur 4. quad. m̃. 1. quad. quad.

$$6x - 4 = \sqrt{4x^2 - x}$$
$$36x^2 + 16 - 48x = 4x^2 - x^4$$

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 33

33

Évolution des notations en algèbre

1. Diophantus of Alexandria (*3rd century* CE)
$x^3 = 2 - x$ — $\mathrm{K}^{\upsilon}\overline{\alpha}\ \text{ἴσ}\ \mathring{\mathrm{M}}\overline{\beta} ⫛ \varsigma\overline{\alpha}$
$8x^3 - 16x^2 = x^3$ — $\mathrm{K}^{\upsilon}\overline{\eta} ⫛ \Delta^{\upsilon}\overline{\iota\varsigma}\ \text{ἴσ}\ \mathrm{K}^{\upsilon}\overline{\alpha}$

2. Luca Pacioli (*ca. 1445–ca. 1559*)
$x^2 + x = 12$ — 1.ce.p̃.1.co.e q̃ le a 12.

3. Nicolas Chuquet (*d. 1500*)
$\sqrt{3x^4 - 24} = 8$ — ℞². 3⁴.m̃.24 est egale a 8

4. Michael Stifel (*1486–1567*)
$116 + \sqrt{41472} - 18x - \sqrt{648}x = 0$ — $116 + \sqrt{_3}41472 - 18\mathfrak{r} - \sqrt{_3}648\mathfrak{r}$ aequantur 0

5. Girolamo Cardano (*1501–1576*)
$x^3 = 15x + 4$ — 1.*cu.aequalis*15.*rebus* p̃.4.

6. Rafael Bombelli (*ca. 1526–1573*)
$x^6 - 10x^3 + 16 = 0$ — $1.\underset{\smile}{6}$ m.10 $\underset{\smile}{3}$ p̃.16 eguale a 0

7. François Viète (*1540–1603*)
$x^3 - 8x^2 + 16x = 40$ — $1C - 8Q + 16N$ aequ. 40
$x^3 + 3bx = 2c$ — *Acubus + Bplano3inA aequari Zsolido2*

8. Thomas Harriot (*1560–1621*)
$a^3 - 3ab^2 = 2c^3$ — $aaa - 3bba = 2ccc$

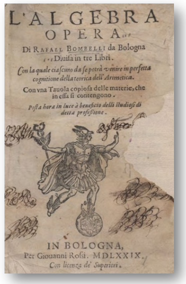
9. Albert Girard (*1595–1632*)
$x^3 = 13x + 12$ — 1③ × 13① + 12

10. René Descartes (*1596–1650*)
$px + q = 0$ — $x^3 + px + q \propto 0$

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 34

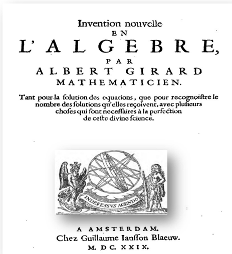
34

Diffusion de l'algèbre en vernaculaire



Rafael Bombelli (1526–1572), *L'Algebra* (1569)
- « *più di meno* »: la racine carrée de −1.

Albert Girard (1596–1632),
- traducteur de Stevin
- ingénieur dans l'Armée
- première formulation du théorème fondamental de l'algèbre



13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 35

35

Les imaginaires (Bombelli)

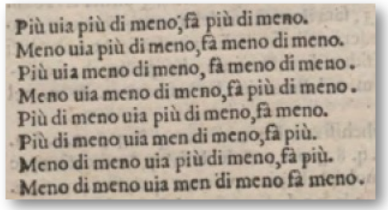
Formule de Cardan: $x = \sqrt[3]{\frac{q}{2} + \sqrt{\left(\frac{q}{2}\right)^2 - \left(\frac{p}{3}\right)^3}} + \sqrt[3]{\frac{q}{2} - \sqrt{\left(\frac{q}{2}\right)^2 - \left(\frac{p}{3}\right)^3}}$.

Posons l'équation : $x^3 = 15x + 4$,
qui a pour solution évidente $x = 4$.

En appliquant la formule, on obtient :

$$x = \sqrt[3]{2 + \sqrt{-121}} + \sqrt[3]{2 - \sqrt{-121}}$$
$$= \left(2 + \sqrt{-1}\right) + \left(2 - \sqrt{-1}\right) = 4.$$

→ Une règle générale :


Più uia più di meno, fà più di meno.
Meno uia più di meno, fà meno di meno.
Più uia meno di meno, fà meno di meno.
Meno uia meno di meno, fà più di meno.
Più di meno uia più di meno, fà meno.
Più di meno uia men di meno, fà più.
Meno di meno uia più di meno, fà più.
Meno di meno uia men di meno fà meno.

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 36

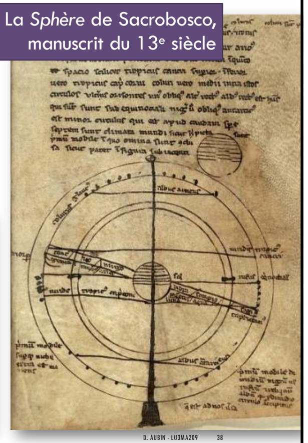
36

C. ASTRONOMES/ ASTROLOGUES

37

LES ASTRONOMES/ASTROLOGUES

Une très ancienne tradition, renouvelée à la fin du Moyen Âge: Peubach, Regiomontanus.



La *Sphère* de Sacrobosco, manuscrit du 13e siècle

38

ASTROLOGIE AU 16E SIÈCLE

Une pratique lucrative, mais controversée.
- Particuliers, cours, villes…
- Des tables, des éphémérides, des almanacs…
- Des chaires

Quelles innovations en mathématiques ?
- Utilisation des tables
- Importance du calcul: intérêt pour l'algorisme
- Trigonométrie
- Nouveaux standards d'exactitude?

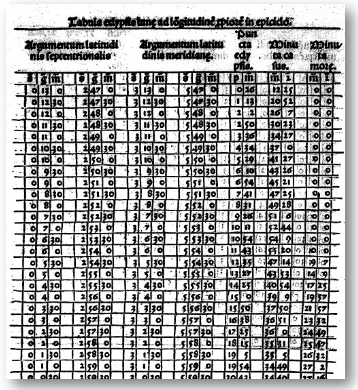
Sébastian Brandt, *La Nef des fous*

39

TABLES ALPHONSINES

Les *Tables alphonsines* (11e siècle) sont publiées dès 1483.

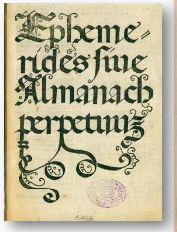
→ grande démocratisation de la pronostication astrologique.

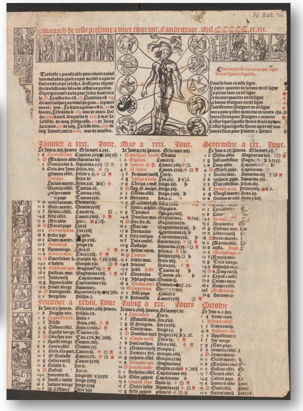


40

ÉPHÉMÉRIDES ETALMANACHS

Régiomontanus, *Éphémérides ou Almanach perpétuel* (Venise, 1498). Source : E-rara.





[Jacques Vivian,] *Almanach de cette presente annee courant L'an de grace 1519* (Genève). Source : E-rara.

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 41

41

HOROSCOPE DU 15E SIÈCLE

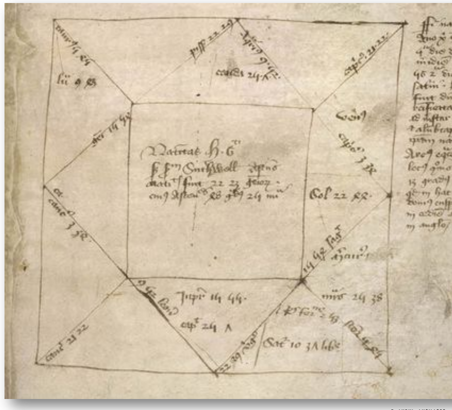


Diagram of the horoscope for the birth of Henry VI, from an astronomical and astrological compendium (the 'Codex Holbrookensis'), England (Cambridge), between c. 1420 and 1437, Egerton MS 889, f. 5r - See more at: http://britishlibrary.typepad.co.uk/digitisedmanuscripts/2013/04/what-can-we-learn-from-a-scribal-colophon.html#sthash.xp3hzYvk.dpuf

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 42

42

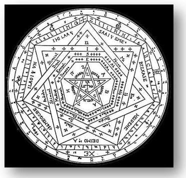
DES « MATHÉMAGICIENS »

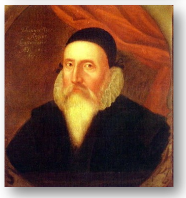
John Dee « Mathematicall Preface » à la traduction d'Euclide par Henry Billingxsley (1571).

- "By Numbers propertie therefore, of vs, by all possible meanes, (to the perfection of the Science) learned, we may both winde and draw our selues into the inward and deepe search and vew, of all creatures distinct vertues, natures, properties, and Formes: And also, farder, arise, clime, ascend, and mount vp (with Speculatiue winges) in spirit, to behold in the Glas of Creation, the Forme of Formes, the Exemplar Number of all thinges Numerable: both visible and inuisible, mortall and immortall, Corporall and Spirituall."

Hermétisme, néo-pythagorisme et néoplatonisme

- Napier, Cardan…



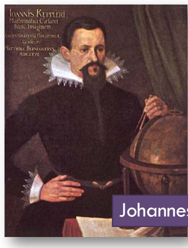


13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 43

43

INFLUENCE SUR KEPLER

Néoplatonisme: une nouvelle mathesis ?



Johannes Kepler (1571-1630)

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 44

44

D. LES HOMMES DE L'ART

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 45

45

« ARTISTES » MATHÉMATICIENS

Architectes, peintres, graveurs…

Intéressés par l'optique, la vision et la perspective.

Ne se considèrent pas comme mathématiciens
[et ces derniers ne font presque jamais mention de leurs œuvres…]

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 46

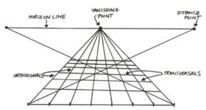
46

FILIPPO BRUNELLESCHI (1377–1446)

Architecte du Dôme de Florence (1418–1438).

La perspective:

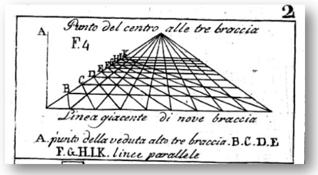
- Il se pose la question: comment faire une peinture qui soit la copie exacte de ce qu'on peut apercevoir à travers un trou?



13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 47

47

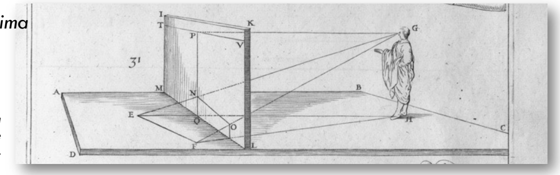
LEON BATTISTA ALBERTI (1404-1474)



Architecte, peintre, etc.

Della pittura (1435)

- Théorie de Brunilleschi
- Le *velo*
- La *costruzione leggitima*



Nicéron, *La Perspective curieuse* (1663).

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 48

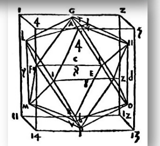
48

PIERO DELLA FRANCESCA (V.1412–1492)

La perspective en peinture: *La flagellation du Christ*, v. 1450.

3 traités importants

- *De prospectiva pingendi* (« De la Perspective en Peinture »)
- *Libellus de quinque corporibus regularibus* (« Des Cinq Corps réguliers »)
- *Trattato d'abaco.*



13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 49

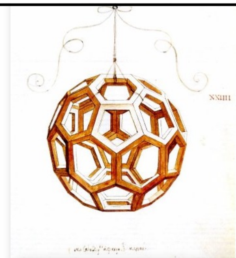
49

LÉONARD DE VINCI (1452–1519)

Rencontre **Luca Pacioli** en 1496 à Milan; il collabore à l'édition de la *Divine Proportion* (1509).

Synthèse en mathématiques

- classiques(Euclide),
- nouvelles (l'algèbre et l'arithmétique des Arabes),
- mais aussi le savoir des peintres: la perspective de Piero della Francesca.



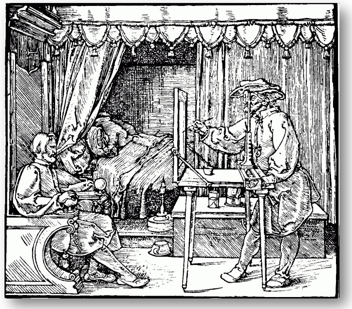
13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 50

50

ALBRECHT DÜRER (1471–1528)

Commence à s'intéresser aux mathématiques lors d'un voyage en Italie en 1494.

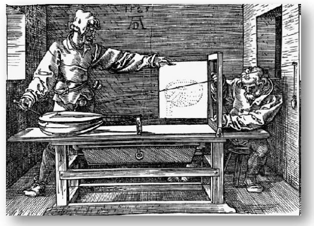
Etude d'Euclide, de Vitruve, de Pacioli et d'Alberti.

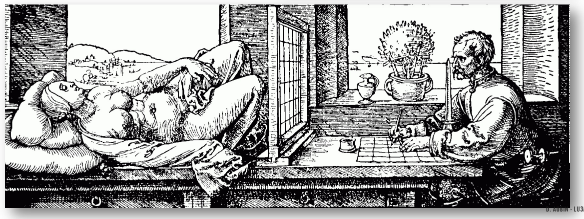


13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 51

51

ALBRECHT DÜRER





13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 52

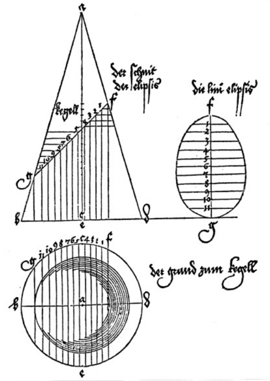
52

DÜRER, MATHÉMATICIEN

De Symmetria… und Underweysung der Messung mit dem Zirkel und Richtscheit (1525).

Dürer et la géométrie projective.

Cf. les indivisibles?



13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 53

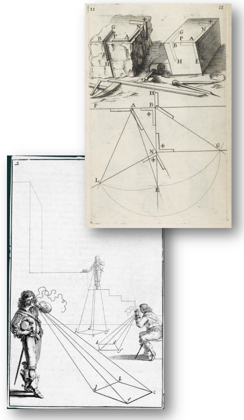
53

GIRARD DÉSARGUES (1591–1661)

Lyonnais, il habite à Paris entre 1630 et 1648, membre de l'Académie de Mersenne.

Ses œuvres:

- ***Brouillon project d'une atteinte aux evenemens des rencontres du cone avec un plan* (1639).**
- *La pratique du trait à preuves pour la coupe des pierres en l'architecture* (1643).
- *Maniere universelle pour poser l'essieu et placer les heures et autres choses aux cadrans au soleil* (1643).
- *Maniere universelle pour praticquer la perspective par petit pied comme le geometral* (1647).



13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 54

54

UN GÉOMÈTRE CONTROVERSÉ

Jacques Curabelle (architecte lyonnais),
Examen des Œuvres du Sieur Desargues (1643).

IL y a certains esprits lesquels ont vne si bonne estime d'eux mesmes, & sont tellement aueuglez de l'amour qu'ils se portent, que s'ils font rencontre d'vne petite mouche, ils s'imaginent incontinent, & mesme le publient, qu'ils ont treuué vn gros Elephant; en sorte, que ne s'aperçeuans point qu'ils sont dans l'erreur; ils taschent encor de tromper l'imagination des autres, fondez ou sur leur interest particulier; ou emportez du desir de vaine gloire qui les chatoüille à merueilles, ou quelquefois agitez tout ensemble de ces deux passions qui sont extremement violentes de leur nature.

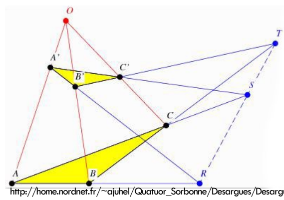
13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 55

55

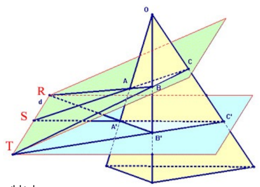
THÉORÈME DE DESARGUES

Soient deux triangles sans point commun, alors les six droites obtenues en prolongeant leurs côtés se coupent sur une même droite.

Une preuve par le biais de la perspective, méthode qui sera reprise au 19e siècle par la géométrie descriptive.

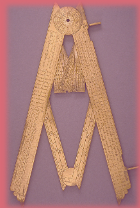


http://home.nordnet.fr/~ajuhel/Quatuor_Sorbonne/Desargues/Desargues_math.html



13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 56

56



E. LES INGÉNIEURS

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 57

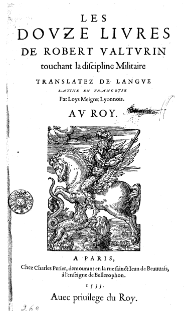
57

LES MATHÉMATIQUES POUR LA GUERRE

La guerre: l'une des raisons les plus importantes du développement des mathématiques?

Un genre littéraire depuis l'Antiquité:
- Ouvrages de mathématiques de guerre: en particulier, les machines de guerre
- Héron d'Alexandrie: *Bellopoesis.*

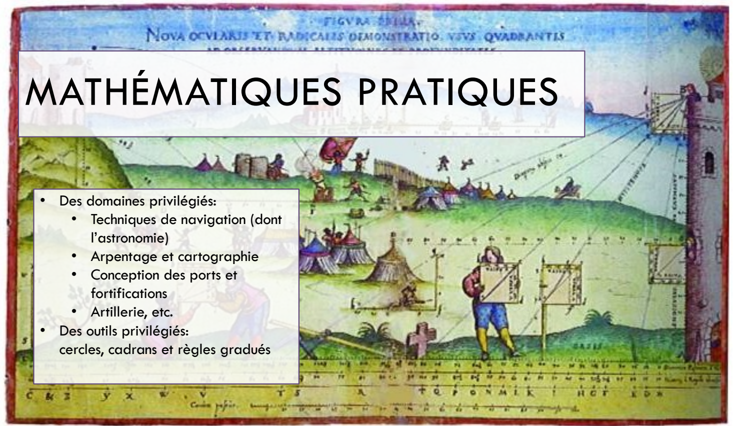
Renouveau à la fin du Moyen Âge et à la Renaissance:
- Innovations dans les machines de guerre (trébuchet)
- Apparition de la poudre à canon


LES
DOVZE LIVRES
DE ROBERT VALTVRIN
touchant la discipline Militaire
TRANSLATEZ DE LANGVE
AV ROY.
A PARIS,
Auec priuilege du Roy.

Roberto Valturio, *De re militari et machinis bellicis*; trad. 155.

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 58

58



MATHÉMATIQUES PRATIQUES

- Des domaines privilégiés:
  - Techniques de navigation (dont l'astronomie)
  - Arpentage et cartographie
  - Conception des ports et fortifications
  - Artillerie, etc.
- Des outils privilégiés: cercles, cadrans et règles gradués

Illustration: Liévin Hulst (Levinus Hulsius), [Premier traité sur les instruments mécaniques] (1603).

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 59

59

INSTRUMENTS MATHÉMATIQUES 1

Sphère armillaire

par Girolamo della Volpaia,1557
Istituto e Museo di Storia della Scienza, Firenze

13/01/2022 D. AUBIN - LU3MA209 60

60

INSTRUMENTS MATHÉMATIQUES 2

Astrolabe

par un Français inconnu, 13e siècle
Istituto e Museo di Storia della Scienza, Firenze

61

INSTRUMENTS MATHÉMATIQUES 3

Instrument permettant de calculer la durée maximale du journal à une latitude donnée

par Erasmus Habermel,1592
British Museum, Londres.

62

INSTRUMENTS MATHÉMATIQUES 4

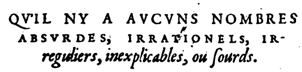
Règle d'artilleur

- Description sur un limbe:
  « This instrument is a rule a square a pear of Compasses a quadrant to knowe ye howres heigeths and distances of thinge ye shotinge or Ordenance to measure ».

par Humphrey Cole, 1575.
British Museum, Londres

63

DES NOMS…


QVIL NY A AVCVNS NOMBRES ABSVRDES, IRRATIONELS, IRregudiers, inexplicables, ou fourds.

Nicola Tartaglia, *Nova Scienza*

Gerardus Mercator (1512–1594),

Simon Stevin (1548–1620)

- *La Dîme, Pratique de l'arithmétique* (1585).

John Napier (1550–1617)

- *Mirifici logarithmorum canonis descriptio* (1614); trad. anglaise dès 1616.

Henry Briggs (1561–1630)

64

F. LES ANALYSTES

65

LES « ANALYSTES »

Ce que c'est que l'analyse, et ce que c'est que la synthèse.

Dans l'analyse, on prend comme accordé ce qui est demandé, parce qu'on arrive de là à quelque vérité qui est accordée.

Dans la synthèse, on prend ce qui est accordé, parce qu'on arrive de là à la conclusion, ou à l'intelligence de ce qui est demandé.

Euclide XII, après proposition 5.

Une « nouvelle » méthode en mathématique: les trois sens de l'Analyse
- Par opposition à la synthèse;
- Méthode de résolution des équations algébriques;
- Synonyme de calcul différentiel et intégral.

Les mathématiques comme activité collective:
- Correspondance, académies, revues.

Des mathématiciens très ingénieux:
- François Viète, René Descartes, Pierre de Fermat, Blaise Pascal, …

René Descartes (1596-1650)

66