



LE PREMIER LIVRE
D'ARITHMETIQUE
DES DEFINITIONS.

PREMIERE PARTIE DES DEFINITIONS

De l'Arithmetique & des nombres Arithmetiques.

ARCE que l'Arithmetique (ce qui est aussi commun aux autres arts) s'explique par mots comme signes de l'affection de l'ame, lesquels se denotent par escriptures; Il nous faut premierement descrire la signification des propres vocables de ceste science. Car avant que l'on comprenne la matiere de la doctrine, il convient entendre les motz par lesquels on l'explique. Nous ferons doncques nostre premier livre de leurs definitions, descriquant tousiours du commencement (au tant qu'il nous sera possible) ce qui consiste premier en la nature.

AVERTISSEMENT

A L'APPRENTIF.

VEU qu'il viendra bien à point sous aucunes definitions, d'argumenter des proprietes des nombres (lesquelles l'apprentif pour le premier n'est pas tenu de sçavoir) il m'a semblé bon l'avertir comment nous avons appliqué tels argumens distinctement avec leurs tiltres sous leurs definitions, a fin que pour le premier se contentant des definitions, & de leurs explications, il puisse à son plus grand prouffit les passer outre.

DEFINITION I.

Arithmetique est la science des nombres.

DEFINITION II.

Nombre est cela, par lequel s'explique la quantité de chascune chose.

EXPLICATION.

Comme l'unité est nombre par lequel la quantité d'une chose expliquée se dict un: Et deux par lequel on la nomme deux: Et demi par lequel on l'appelle demi: Et racine de trois par lequel on la nomme racine de trois, &c.

QUE L'UNITE EST
NOMBRE.

PLUSIEURS personnes voulans traicter de quelque matiere difficile, ont pour coustume de declarer, cōment beaucoup d'empeschemens les ont destourbés en leur conception, cōme autres occupations plus necessaires;

de ne s'estre longuement exercé en icelle estude, &c. à fin qu'il leur tourneroit à moindre prejudice ce en quoy il se pourroyent avoir abusé, ou plustost, comme estiment les aucuns, à fin qu'on diroit, *S'il a sceu executer cela estant ainsi destourbés, qu'eust il fait s'il eust esté libre?* Nous sçaurions faire le semblable en ce que nous voulons icy dire de l'Unité, mais non pas en verité, car je n'ay point seulement leu à bon loisir, & sans empeschement d'autres affaires, tous les Philosphes anciens & modernes, que je trouvois traicter de ceste matiere, mais j'ay aussi communiqué de bouche avec quelques doctes, certes de ce temps pas des moindres, & en ceste matiere d'autre opinion que nous: Mais pourquoy cela? par ce que je doubtois en ce que je proposois de l'Unité? Non certes, car j'en estois ainsi assuré, comme si la Nature mesme me l'eust dict de sa propre bouche, voire je le voyois (comme feront aussi de brieft ceux qui ne sont pas du tout aueugles) par infiniz effects, qui n'ont point mestier de preuve: Pourquoy donc? A fin que je serois d'autant mieux pourveu, contre toutes objections que j'en attendois.

Or doncques pour venir à la matiere; Il est notoire que l'on dict vulgairement; que l'Unité ne soit point nombre, ains seulement son principe, ou commencement, & tel en nombre comme le point en la ligne; ce que nous nions, & en pouvons argumenter en ceste sorte:

La partie est de mesme matiere qu'est son entier,

Unité est partie de multitude d'unités,

Ergo l'unité est de mesme matiere qu'est la multitude d'unités;

Mais la matiere de multitude d'unités est nombre,

Doncques la matiere d'unité est nombre.

Et qui le nie, fait comme celuy, qui nie qu'une picce de pain soit du pain. Nous pourrions aussi dire ainsi:

Si du nombre donné l'on ne sousttraict nul nombre, le nombre donné demeure,

Soit trois le nombre donné, & du mesme sousttrayons un, qui n'est point nombre comme tu veux.

Doncques le nombre donné demeure, c'est à dire qu'il y restera encoré trois; ce qui est absurd.

Nous pourrions aussi reciter plusieurs subtiles & sophistiques questions, qui nous ont esté proposées de bouche par les susdictes personnes, ensemble nostre refutation

ne sera pas icy son lieu; Mais parce que nous avons dict cy dessus, que 6. prolongé jusques en o, fait un continue nombre de soixante, contre le vulgaire, Nombre est quantité discontinue ou disjoincte: il nous faut encore refuter ceste impropre definition ainsi:

Tout ce qui n'est qu'une quantité, n'est point quantité disjoincte,

Soixante selon qu'il est nombre, est une quantité (à sçavoir un nombre.)

Soixante doncques selon qu'il est nombre, n'est point quantité disjoincte.

Quant à ce que vous divisez par vostre imagination, ceste proposée unique & entiere quantité en soixante unitez (ce que pourriez faire par mesme raison en trente dualitez, ou vingt trinitez, &c.) & que puis apres vous définiez le divisé, ce n'est pas definition du proposé dont il est question: vous pourriez semblablement diviser la proposée grandeur par l'imagination en soixante parties, & puis par mesme raison la définir estre quantité discontinue, ce qui est absurd. Comme doncques la generale communauté de grandeur & nombre aux autres, ainsi en cestuy-cy; à sçavoir à une continue grandeur, correspond le continue nombre qu'on luy attribue, & telle discontinuité que puis apres reçoit la grandeur par quelque division, semblable discontinuité reçoit aussi son nombre. Et à fin d'en parler par exemple, le nombre est quelque chose telle en grandeur, comme l'humidité en l'eau; car comme ceste-cy s'estend par tout & en chaque partie de l'eau; Ainsi le nombre destiné à quelque grandeur s'estend par tout & en chaque partie de la grandeur. Item comme à une continue eau correspond une continue humidité, ainsi à une continue grandeur correspond un continue nombre: Item comme la continue humidité de l'entiere eau, souffre la mesme division & disjoinction que son eau; Ainsi le continue nombre souffre la mesme division & disjoinction que la grandeur; De sorte que ses deux quantitez ne se peuvent distinguer par continue & discontinue, dont nous pourrions exhiber plusieurs argumens, mais nous le concluons par ceste leur contradiction. Nombre (disent ils) est quantité disjoincte, & ailleurs au contraire, Nombre est quantité conjoincte ou composée de multitude d'unitez: Certes si les unitez sont conjoinctes, elles ne sont pas disjoinctes, ny par conséquent leur conjoinction, ne produict point quantité disjoincte. Nous accomplirons la reste par la premiere These de nos Theses Mathematiques.

DEFINITION III.

Les caracteres par lesquels se denotent les nombres sont dix: à sçavoir o signifiant commencement de nombre, Et 1. un, Et 2. deux, Et 3. trois, Et 4. quatre, Et 5. cinq, Et 6. six, Et 7. sept, Et 8. huit, Et 9. neuf.

DEFINITION IV.

Chaque trois caracteres d'un nombre s'appellent membre, desquels le premier, sont les premiers trois caracteres à la dextre; Et le second membre, les trois caracteres suivants vers la senestre; Et ainsi par ordre du troisieme membre, & autres suivants, tant qu'il y en aura au nombre proposé.

EXPLICATION.

Soit quelque nombre tel 357876297. Les 297. s'appellent premier membre, & 876 second; & 357. troisieme.

DEFINITION V.

Le premier caractere du premier membre commençant à dextre vers la senestre, signifie simplement sa valeur, le second autant de

fois dix qu'il contient unitez; le troisieme autant des fois cent qu'il contient unitez; Et le premier caractere du second membre, autant de fois mille qu'il contient unitez; & ainsi par dixiesme progression des autres caracteres contenuz en tout nombre proposé.

EXPLICATION.

Soit quelque nombre tel 75687130789276. Doncques selon ceste definition le premier caractere 6, fait six, & le 7. suivant septante, & le 2. suivant deux cent, & le 9. neuf mille, & ainsi des autres. Pour doncques expliquer ce nombre, on mettera sur chaque premier caractere de chaque membre (excepté le premier) un point; Puis on dira, septante cinq mille mille mille (à sçavoir autant des fois mille qu'il y a des points depuis le 7. jusques à la fin) six cents huitante sept mille mille, cent trente mille mille, sept cents huitante neuf mille, deux cents septante six.

DEFINITION VI.

Nombre Arithmetique est celui qu'on explique sans adjectif de grandeur.

EXPLICATION.

Le nombre a deux especes, desquelles l'une est expliquée par adjectif de grandeur, comme les nombres quarez, cubiques, racines, quantitez, &c. lesquels nous appellons nombres Geometriques, & seront definiz à la seconde partie suivante; l'autre espece est simplement expliquée sans ledict adjectif, comme un, deux, trois, trois cinquiemes, &c. Nous appellons tels nombres par distinction de l'autre espece, nombres Arithmetiques.

DEFINITION VII.

Nombre entier est unite, ou composée multitude d'unitez.

DEFINITION VIII.

Nombres entre eux premiers sont ceux qui n'ont point de multitude d'unitez pour commune mesure.

EXPLICATION.

Comme 5 & 7 ou 10 & 13 & semblables: par ce qu'ils n'ont point de multitude d'unitez, qui leur soit commune mesure, s'appellent nombres entre eux premiers.

DEFINITION IX.

Nombres entre eux composez sont ceux qui ont multitude d'unitez pour commune mesure.

EXPLICATION.

Comme 9 & 12, par ce que nombre de multitude d'unitez, à sçavoir 3, est leur commune mesure, ils s'appellent nombres entre eux composez.

DEFINITION X.

Nombre rompu, est partie ou parties de nombre entier.

EXPLICATION.

Comme estant un divisé en trois parties égales, une des mesmes est nombre rompu, qu'on descript ainsi $\frac{1}{3}$, & s'appelle un tiers. Ou estant 1 parti en quatre parties égales, trois des mesmes est nombre rompu: lequel se descript ainsi $\frac{3}{4}$, & s'appelle trois quarts. ou estant 1 parti en trois parties égales, sept de telles parties est nombre rompu qu'on descript ainsi $\frac{7}{3}$, & s'appelle sept troisiemes.

DEFINITION XI.

Numerateur de rompu, est le nombre superieur expliquant la multitude des parties y contenues.

EXPLICATION.

Soyent trois quarts descriptés ainsi $\frac{3}{4}$, doncques le 3. s'appelle numérateur, par ce qu'il explique au nombre la multitude des parties contenues au mesme rompu: car $\frac{3}{4}$ est un rompu composé de quartes, & le 3. nous montre (comme en nombrant) que des mesmes quartes il en y a trois, d'où il est appelé numérateur.

DEFINITION XII.

Nominateur de rompu, est la nombre inferieur expliquant sa qualité.

EXPLICATION.

Soyent trois quarts escripts ainsi $\frac{3}{4}$: l'inférieur nombre donc 4, parce qu'il explique sa qualité ou qu'il nomme quel rompu, c'est à sçavoir un rompu de quartes, on l'appelle nominateur.

DEFINITION XIII.

Rompu premier, est celui duquel le numérateur & nominateur sont nombres entre eux premiers.

EXPLICATION.

Comme $\frac{1}{7}$ ou $\frac{1}{9}$ & semblables.

conclusion est absurde, veu que l'incommensurante ne cause pas absurdité des termes incommensurables, ce que s'esprouve par la ligne & superficie qui sont grandeurs incommensurables; c'est à dire, qu'ils ne reçoivent point de commune mesure, toutes fois ny ligne ny superficie n'est quantité absurde ny inexplicable: car disant, que celle la est ligne, & ceste cy superficie, nous les expliquons. Et encore que ceste incommensurante procreast (ce que toutes fois ne peut estre; mais posons les cas) absurdité à l'une des quantitez comparées, nous trouverons le nombre Arithmetique autant coupable, que le radical: car comme la Sphere autant que le cube, & le cube autant que la Sphere, est cause de leur dissimilitude; ainsi de ces nombres. Mais pour faire encore autre preuve par deux quantitez d'un mesme genre de grandeur, prenons le costé & diagonale d'un quarré, qui sont lignes entre elles (par la dernière proposition du 10. livre d'Euclide) incommensurables, toutes fois ny diagonale, ny costé (abstrait de nombre) n'est ligne absurde ou irrationelle. L'incommensurante doncques des quantitez; n'est pas l'absurdité d'icelles, mais c'est plustost leur naturelle mutuelle habitude. L'adversaire me repliche qu'il y a lignes rationelles, & irrationelles, (desquelles traite Euclide en son dixiesme livre) les definitions desquelles (selon Campane defin. 5 & 7. que Zambert met la 7 & 8) sont telles: *Toute ligne droite proposée s'appelle rationelle. Et les lignes à icelle incommensurables, se nomment irrationelles*: Dont il conclud, que les nombres explicans ces lignes irrationelles, sont nombres irrationelz. Je respons qu'il est notoire que c'est argument soit inartificiel consistant en seule autorité; à laquelle il faut preferer l'irrefutable raison, qui est; Premièrement que demonstrent contradiction en ceste sorte: Soit ligne proposée la diagonale (car la definition dict de toute ligne) d'un quarré duquel le costé est 2: Or ceste ligne proposée (dict il) est rationelle, & le nombre l'explicant sera de mesme qualité; parquoy le nombre explicant ceste ligne qui est $\sqrt{8}$. sera rationel: & d'autre part dict que $\sqrt{8}$ est irrationelle; ce qui est contradiction. Au second nous pouvons demonstret (mesmes selon le dire de l'adversaire) que nulle ligne n'est par soy irrationelle: car s'il dict que celle la est rationelle (à sçavoir diagonale ou costé de quarré) qu'on explique par nombre Arithmetique; & l'autre irrationelle; s'ensuit que selon l'attribution du nombre Arithmetique, le costé pourra l'une fois estre rationel, autrefois irrationel; doncques il ne l'est pas par soy, mais en respect d'un nombre dont il y a icy question: Tel argument doncques n'est pas pour luy; ains plustost une declaration de la confusion consistante en son opinion. Qu'est ce qu'il a encore?

Il me mande que je luy explique quelle chose soit $\sqrt{8}$. Je luy respons qu'il m'explique quelle chose soient $\frac{3}{4}$ (qui selon son dire sont rationels) & puis je la luy expliqueray. Il me dira d'aventure que $\frac{3}{4}$ (pour changer de voix) sont $\frac{6}{8}$. Et je luy respons que $\sqrt{8}$ est $\sqrt{\frac{16}{2}}$. Il dict que $\frac{3}{4}$ sont à tout nombre Arithmetique commensurable, & $\sqrt{8}$ à nul d'iceux; Je luy respons que $\sqrt{8}$ est à infiniz nombres, comme $\sqrt{2}$, $\sqrt{32}$. commensurable, & $\frac{3}{4}$ à nul d'iceux. Il me dict, que si on partist une chose en 4 parties egales, que $\frac{3}{4}$ est cela qui denote la quantité de trois d'icelles parties; & je luy respons, que si la grandeur d'un quarré fust 8, que $\sqrt{8}$ est le nombre qui denote la quantité de son costé. Item si on luy demande combien soit le quotient de la division de 3 par 4, il respondra que c'est le quotient de la division de 3 par 4: Et tout par mesme elegacé dis-je qu'en extrahant racine quarrée de 8, ce qui en fort est racine quarrée de 8. Ou s'il pense de satisfaire par quelque changement de voix, qui en effect est le mesme, disant que

QU'IL NY A AUCUNS NOMBRES ABSURDES, irrationels, irreguliers, inexplicables, ou sourds.

C'est chose tresvulgaire entre les Auteurs d'Arith. de traiter de nombres, comme $\sqrt{8}$; & semblables, qu'ils appellent absurds, irrationels, irreguliers, inexplicables, sourds, &c. Ce que nous nions, à quelque nombre avenir: Mais par quelle raison l'adversaire le pourra il prouver? Il me dict premierement, que racine de 8. est à nombre Arithmetique (comme 3 ou 4) incommensurable, ergo $\sqrt{8}$, est absurde irrationelle, &c. Mais la

que tel qu'onient sont trois quarts, je luy feray le semblable sur la racine, disant que c'est le coste de quarré 8. Il veult que nous appliquons les nombres comme 1 & $\sqrt{8}$, à quelque matiere, comme à une aulne, & dict qu'il me pourra monstrer legitimement les $\frac{1}{4}$ d'une aulne par la 9^e proposition du 6 livre d'Euclide; Et moy je luy monstreray legitimement la racine quarrée de 8, d'une aulne, par la 13^e proposition du 6 livre du mesme Euclide. Car la ligne moyenne proportionnelle entre toute l'aulne & une huitiesme partie d'icelle, est $\sqrt{8}$ de la mesme aulne.

Les qualitez doncques de $\sqrt{8}$ & $\frac{3}{4}$ (en tant que touche ceste question) sont semblables. Or de choses semblables se fait mesme jugement; par quoy si $\sqrt{8}$ est nombre absurde, irrationnel, irregulier, inexplicable, & sourd: les $\frac{3}{4}$ le seront aussi; Mais l'adversaire ne concede cela aucunement; ains veut tout au contraire; il faut donc de necessité qu'il confesse que $\sqrt{8}$ est excellente, rationnelle, reguliere, explicable, & bien oyante. Ce que nous avons demonstré de $\sqrt{8}$, sera aussi entendu de $\sqrt{3}$, & autres racines quelconques: car combien que de toute ligne ne pouvons legitimement couper racine cubique (à cause que les deux lignes moyennes proportionnelles entre deux lignes données, ne sont encore geometriquement inventées) comme faisons racine quarrée, cela n'est pas la coulpe des nombres; car ce qu'en lignes ne sçavons faire, nous l'acheyons par nombres facilement.

Mais à fin que parlions aussi de l'utilité de ceste matiere, & que l'on n'estime que ce soit disputé de l'ombre de l'aine, faut sçavoir que ceste absurde opinion de nombres absurds, que ce ne seroyent pas nombres, &c. a tellement obscurci la doctrine des incommensurables grâdeurs, que la difficulté du dixiesme livre d'Euclide (qui traite de ceste matiere) est à plusieurs devenu en horreur, voire jusques à l'appeller la croix des mathematiens, matiere trop dure à digerer, & en laquelle n'apperçoiver aucune utilité. C'est aussi ce ferme fondement, qui nous a avancé en la description d'icelles, qui s'ensuyvera en un traicté particulier, la ou sont rendu faciles & claires (à mon avis) en 3 problemes seulement, les difficiles & obscures propositions dudit Dixiesme, qui en contient selon Zanbert 118. Voire non pas seulement ce qui est contenu audict dixiesme, mais encore un facile infini progres des choses y commencées, lequel (infini progres dis-je) semble incomprehensible par tel fondement. Et celuy qui donnera plus de lieu à la raison, qu'à vaine opinion, plus de credit aux defenseurs, des parfaites & divines Mathematiques, qu'à ceux qui l'accusent d'imperfection & d'absurdité, ne trouvera pas moindre facilité, en plusieurs operations Mathematiques, qui semblent autrement fort difficiles.

Nous concluons doncques, qu'il n'y a aucuns nombres absurds, irrationnels, irreguliers, inexplicables, ou sourds; mais qu'il y a en eux telle excellence, & cōcordance, que nous avons matiere de mediter nuit & jour, en leur admirable perfection: Et s'il falloit dire d'absurdité, je la concederois plustost en nostre entendement, lequel ne peut autant comprendre des decrets qui consistent en la nature, qu'il soit digne comparaison à ce qu'il ignore. Finalement ce que nous n'avons satisfait en ceste matiere par les argumens precedens, nous l'accomplirons contre tous adversaires par la 4^e these de nos theses Mathematiques.

LA PRACTIQUE D'ARITHMETIQUE.

THÈSE III.

Que racine quelconque est nombre.

THÈSE IV.

Qu'il n'y a aucuns nombres absurds, irrationels, irrationels, inexplicables, ou sourds.

[...]

THÈSES
MATHÉMATIQUES.

THÈSE I.

Que l'unité est nombre.

[...]